

**LU A. Liepas Neklātienes matemātikas skola**  
**Latvijas 62. matemātikas olimpiādes 2. posma uzdevumi**

**5. klase**

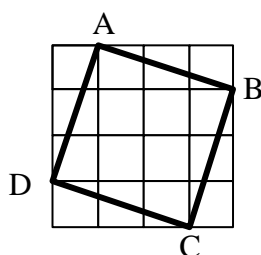
Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

1. Ar naturālu skaitli var veikt divu veidu darbības:

- 1) reizināt ar 3,
- 2) nodzēst pēdējo ciparu.

Parādīt, kā no skaitļa 5 var iegūt skaitli 21, vairakkārt pielietojot tikai šīs darbības.

2. Cik rūtiņas liels ir kvadrāta ABCD laukums (skat. 1. zīm.)?



1. zīm.

3. Izveidot septiņciparu skaitli, kas dalās ar 7 un kura pierakstā katrs no cipariem 1, 2, 3, 4, 5, 7, 8 izmantots tieši vienu reizi.

4. Maijai dārzā ir kvadrātveida puķu dobe, kura sastāv no  $10 \times 10$  vienādiem kvadrātveida lauciņiem. Viņa ir iegādājusies dzeltenu, sarkanu un baltu tulpju sīpoliņus. Maija vēlas katrā lauciņā iestādīt tieši vienu tulpi.

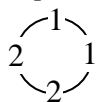
a) Vai Maija var trīs krāsu tulpes iestādīt tā, lai katrā rindā būtu nepāra skaits katras krāsas ziedu?

b) Vai Maija var tulpes iestādīt tā, lai lauciņos, kam ir kopīga mala, uzziēdētu atšķirīgas krāsas tulpes un lai katrā rindā jebkuras trīs pēc kārtas ņemtas tulpes, būtu atšķirīgās krāsās?

5. a) Pa apli izvietot ciparus 1 un 2 (pavisam astoņus ciparus) tā, lai, lasot pa trīs cipariem pēc kārtas pulksteņrādītāja virzienā, būtu sastopami **visi** trīsciparu skaitļi, kuru pierakstā ir tikai cipari 1 un/vai 2.

b) Vai pa apli var izvietot 16 ciparus 1 un 2 tā, lai, lasot pa četriem cipariem pēc kārtas pulksteņrādītāja virzienā, būtu sastopami **visi** četruciparu skaitļi, kuru pierakstā ir tikai cipari 1 un/vai 2?

(Piemēram, 2. zīm. parādīts, ka četrus ciparus var izvietot tā, lai būtu sastopami visi divciparu skaitļi, kuru pierakstā ir tikai cipari 1 un/vai 2: 11, 12, 22, 21.)



2. zīm.

**LU A. Liepas Neklātienes matemātikas skola**  
**Latvijas 62. matemātikas olimpiādes 2. posma uzdevumi**

**6. klase**

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

---

1. Atrast divus vienu otram sekojošus naturālus skaitļus, kuriem abiem ciparu summa dalās ar 5.
2. Visi piecciparu naturālie skaitļi, kuru pierakstā katrs no cipariem 1, 2, 3, 4, 5 izmantots tieši vienu reizi, ir uzrakstīti virknē augošā secībā: 12345, 12354, 12435, ... . Kurš pēc kārtas šajā virknē ir skaitlis 53421?
3. Vai plaknē var uzzīmēt
  - a) sešstūri,
  - b) septiņstūriun riņķa līniju, kas krusto uzzīmētā daudzstūra katru malu tieši vienā punktā? (Riņķa līnija nepieskaras daudzstūra malām un neiet caur tā virsotnēm.)
4. Vai piecstūra virsotnēs var ierakstīt piecus dažādus naturālus skaitļus, lai jebkuru divu blakus stāvošu skaitļu summa būtu pirmskaitlis?
5. Katrs no trīs rūķīšiem ir iedomājies vienu no skaitļiem 1, 2 vai 3, katrs – citu skaitli. Katrs rūķītis zina, kādus skaitļus ir iedomājušies pārējie rūķīši. Kā var noskaidrot, kuru skaitli katrs rūķītis ir iedomājies, ja katram rūķītim var uzdot tieši vienu jautājumu, uz kuru viņš var atbildēt tikai ar “jā” vai “nē”? Katram rūķītim drīkst jautāt arī par citu rūķīšu iedomātajiem skaitļiem.

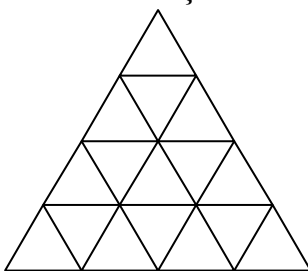
**LU A. Liepas Neklātienes matemātikas skola**  
**Latvijas 62. matemātikas olimpiādes 2. posma uzdevumi**

**7. klase**

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

---

1. Ar naturālu skaitli var veikt divu veidu operācijas:
  - 1) reizināt ar 7,
  - 2) nodzēst skaitļa lielāko (vienu no lielākajiem, ja tādi ir vairāki) ciparu.Vai ar šādām operācijām no skaitļa 9 var iegūt skaitli 27, atkārtojot tās vairākas reizes jebkādā secībā?
2. Uzzīmēt slēgtu lauztu līniju ar 7 posmiem, kura sadala plakni daudzstūros, starp kuriem ir astoņstūris.
3. Pa apli uzrakstīti septiņi dažādi skaitļi, nekādu divu blakus uzrakstīto skaitļu reizinājums nav pozitīvs. Aplūkojam visus triju pēc kārtas uzrakstītu skaitļu reizinājumus. Cik no šiem septiņiem reizinājumiem ir pozitīvi?
4. Pierādīt, ka 1004041 nav pirmskaitlis.
5. Vienādmalu trijstūris ar malas garumu 4 sadalīts 16 vienādos trijstūros (skat. 3. zīm.).  
Katrā mazajā trijstūrī ir ierakstīts viens skaitlis, pavisam ierakstīti septiņi trijnieki un deviņi piecinieki.  
Pierādīt, ka var izvēlēties četrus trijstūrus, kas veido vienādmalu trijstūri ar malas garumu 2 un kuros ierakstīto skaitļu summa ir vismaz 18.



3. zīm.

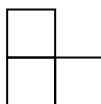
**LU A. Liepas Neklātienes matemātikas skola**  
**Latvijas 62. matemātikas olimpiādes 2. posma uzdevumi**

**8. klase**

Katru uzdevumu vērtē ar 0 – 10 punktiem.

---

1. Skaitli 3999991 uzrakstīt kā divu veselu skaitļu reizinājumu tā, lai katrs no reizinātājiem ir lielāks nekā 1.
2. Trijstūrī ABC leņķis ABC ir  $30^\circ$  liels. Uz malas AB izvēlēts punkts E, bet uz malas BC punkts F tā, ka trijstūris CEF ir vienādmalu. Pierādīt, ka punkts F ir malas BC viduspunkts.
3. Vai naturāla skaitļa ciparu reizinājums var būt skaitlis  $\overline{aabbcc}$ ? (Pieraksts  $\overline{kmn}$  nozīmē, ka skaitlī ir  $k$  simti,  $m$  desmiti un  $n$  vieni.)
4. Uzzīmēt plaknē sešus punktus tā, lai no katra uzzīmētā punkta tieši trīs citi uzzīmētie punkti atrastos tieši 1 cm attālumā.
5. Uzzīmēt figūru, kuru var sadalīt vienādos „stūrīšos” (skat. 4. zīm.) tieši divos dažādos veidos. „Stūrīši” var būt pagriezti arī citādāk. (Divi sadalījumi, kas iegūstami viens no otra pagriezienu rezultātā vai ir viens otra spoguļattēls, uzskatāmi par vienādiem.)



4. zīm.